

আভিমানসিকতা :-

১। থার্মোমিটারের মৌলিক দূরত্ব কাকে বলে?

→ থার্মোমিটারের নিম্ন স্থিরাঙ্ক ও উর্ধ্বস্থ স্থিরাঙ্ক এর মধ্যবর্তী তাপমাত্রার ব্যবধানকে থার্মোমিটারের মৌলিক দূরত্ব বলে।

২। তাপমাত্রার বিভিন্ন স্কেল এর মধ্য-সম্বন্ধ লেখ।

$$\frac{C}{5} = \frac{F-32}{9} = \frac{K-273}{5} = \frac{R-80}{4} = \frac{Rn-492}{9}$$

৩। পরম শূন্য তাপমাত্রা কাকে বলে?

→ যে তাপমাত্রায় কোনো গ্যাসের আয়তন তাড়িতিকভাবে শূন্য হয় তাকে পরম শূন্য তাপমাত্রা বলে।

৪। আপেক্ষিক তাপ কী?

→ কোনো বস্তুর তাপমাত্রা 1° বৃদ্ধি বা হ্রাস করতে যে পরিমাণ তাপের প্রয়োজন তাকে আপেক্ষিক তাপ বলে।

৫। লীন তাপ বা স্ফুটন তাপ কাকে বলে?

→ তাপমাত্রার কোনো পরিবর্তন না ঘটিয়ে কোনো বস্তু এক অবস্থা থেকে অন্য অবস্থায় রূপান্তরিত হতে হলে যে পরিমাণ তাপ গ্রহণ বা বর্জন হয় তাকে লীন তাপ বলে।

৬। এক ক্যালরি তাপ কাকে বলে?

→ 1 gm বিশুদ্ধ পানির তাপমাত্রা 1° বৃদ্ধি করতে যে পরিমাণ তাপের প্রয়োজন তাকে এক ক্যালরি তাপ বলে।

৭। পানিঙ্গন কাকে বলে?

→ কোনো বস্তুর তাপমাত্রা 1° বৃদ্ধি করতে যে পরিমাণ তাপের প্রয়োজন সেই পরিমাণ তাপ দিয়ে যতটুকু পানির তাপমাত্রা 1° বৃদ্ধি করা যায় সেই পানির পরিমাণকে এ বস্তুর পানিঙ্গন বলে।

৮। বরফ গমনের স্পষ্টতাপ 80 cal/gm বলতে কী বুঝায়?

→ বরফ গমনের স্পষ্টতাপ 80 cal/gm এর অর্থ হলো 0°C তাপমাত্রার 1 gm বরফকে 0°C তাপমাত্রার 1 gm পানিতে রূপান্তরিত করতে 80 cal তাপের প্রয়োজন।

৯। দৈর্ঘ্য প্রসারণ বলতে কী বুঝায়?

→ একক দৈর্ঘ্য বিস্তারিত কোনো বস্তুর তাপমাত্রা 1° বৃদ্ধি পেলে এর দৈর্ঘ্য যতটুকু বৃদ্ধি পায় তাকে ঐ বস্তুর দৈর্ঘ্য প্রসারণ গুণক বলে।

১০। তাপ পরিবহন গুণক কী?

→ ঘনত্বের ক্ষেত্রে প্রতি একক দৈর্ঘ্য থেকে সীতল তলে যে তাপ লম্বভাবে প্রবাহিত হয়, তাকে তাপ পরিবহন গুণক বলে।

১১। তাপ পরিবাহীতা কাকে বলে?

→ পদার্থের যে বিস্তারিত বর্ধিত তাপ কোনো কোনো পদার্থে দ্রুত আবার কোনো কোনো পদার্থে আর্দ্র-আর্দ্র প্রবাহিত হয় তাকে তাপ পরিবাহীতা বলে।

১৮। ধীরক বাক্যে বুলে-?

→ কাছাকাছি স্থাপিত কোনো পরিবাহকের মধ্যবর্তী স্থান অনুবন্ধ পদার্থে যেহে উড়িৎ আয়নরণে শক্তি সঞ্চয় কৰে রাখাৰ- যান্ত্ৰিক কৌশলকে- ধীরক- বুলে।

১৯। চুম্বক বাক্যে বুলে ?

→ যে একম পদার্থেৰ আকর্ষণী বা দিক- নির্দেশক \vec{E} কৰ্ম বুলেহে, তে অকম পদার্থকে চুম্বক- বুলে।

২০। চৌম্বক পদার্থ বাক্যে বুলে ?

→ যে একম পদার্থকে চুম্বক আকর্ষণ কৰে- তাকে চৌম্বক পদার্থ বুলে।

২১। ডায়াচৌম্বক পদার্থ বাক্যে বুলে ?

→ যে একম পদার্থকে চুম্বকেৰ- সংস্পর্শে- আনলে, এৰ চৌম্বকায়ন কাৰি- প্ৰান্তেৰ- বিপৰীত প্ৰান্তে- সামান্য চৌম্বকত্ব লাভ কৰে- তাকে ডায়াচৌম্বক- পদার্থ বুলে।

২২। প্যারাচৌম্বক পদার্থ বাক্যে বুলে ?

→ যে একম পদার্থেৰ- পদার্থকে- চুম্বকেৰ- সংস্পর্শে- আনলে- এৰ চৌম্বকায়ন কাৰি- প্ৰান্তে- সামান্য চৌম্বকত্ব- লাভ কৰে- তাকে প্যারাচৌম্বক পদার্থ বুলে।

২৩। ফেৰোচৌম্বক পদার্থ বাক্যে বুলে ?

→ যে একম পদার্থকে চুম্বকেৰ- সংস্পর্শে- আনলে- এৰ- চৌম্বকায়ন- কাৰি- প্ৰান্তে- বিপুল চৌম্বকত্ব- লাভ কৰে- তাকে ফেৰোচৌম্বক পদার্থ বুলে।

২৪। প্রতিবিম্ব-কাকে বলে ?

→ কোনো উৎস থেকে একগুচ্ছ আলোক রশ্মি কোনো স্বচ্ছ তলে প্রতিফলিত হওয়ার পর-এদের ২য় কোনো বিন্দুতে মিলিত হলে বা অপসৃত হলে বলে স্বতন্ত্র ২য় অথবা ২য় বিন্দুর উৎসের বাস্তব প্রতিবিম্ব।

২৫। রেখিক বিবর্ন কাকে বলে ?

→ প্রতিবিম্বের দৈর্ঘ্য ও বস্তুর দৈর্ঘ্যের অনুপাত বা রেখিক বিবর্ন বলে।

২৬। দর্পনের প্রবীণ ডাক্তার কাকে বলে ?

→ কোনো উৎস বিন্দু থেকে একগুচ্ছ আলোক রশ্মি দর্পনে প্রতিফলিত হওয়ার পর ২য় কোনো বিন্দুতে মিলিত বা অপসৃত হয় অথবা ২য় বিন্দু বিন্দুর উৎসে দর্পনের প্রবীণ ডাক্তার।

২৭। দর্পন কাকে বলে ?

→ যে স্বচ্ছ তলে আলোক রশ্মির নিয়মিত প্রতিফলন ঘটে তাকে দর্পন বলে।

২৮। আলোর প্রতিফলন কাকে বলে ?

→ আলোক রশ্মি কোনো প্রতিফলক পৃষ্ঠে বর্ণিত পথে প্রথম মাধ্যমে ফিরে এলে তাকে আলোর প্রতিফলন বলে।

২৯। আলোকের প্রতিফলন কাকে বলে?

→ দুইটি অচ্ছন্ন মাধ্যমের বিভেদ তলে তীর্যক ভাবে আপতিত আলোক রশ্মি তার গতি পথের দিক পরিবর্তন করাকে আলোকের প্রতিফলন বলে।

৩০। আকর্ষ কোণ কাকে বলে?

→ যখন কোনো আলোক রশ্মি ঘন স্বচ্ছ মাধ্যম হতে হালকা স্বচ্ছ মাধ্যমের দিকে এক ষম্মন ভাবে প্রতিফলিত হয় যে বেদের প্রতিফলন কোণের মান 90° হয় তখন আপতিত রশ্মি ঘন মাধ্যমে যে আপতন কোণ সৃষ্টি করে তাকে আকর্ষ কোণ বলে।

৩১। স্নেল এর সূত্র কী?

→ একজোড়া নির্দিষ্ট মাধ্যম ও নির্দিষ্ট বিন্দু এর আলোক তন্তু আপতন কোণের স্নেল ও প্রতিফলন কোণের স্নেলের অনুপাত সর্বদা ক্রম স্থায়ী।

$$\mu = \frac{\sin i}{\sin r}$$

৩২। পূর্ণ অভ্যন্তরীণ প্রতিফলন কাকে বলে?

→ আলোক রশ্মি ঘন স্বচ্ছ মাধ্যম থেকে হালকা স্বচ্ছ মাধ্যমের দিকে যাওয়া সম্ভব তা যদি প্রতিফলিত না হয়ে প্রতিফলিত হয়ে প্রথম মাধ্যমে ফিরে আসে তখন তাকে পূর্ণ অভ্যন্তরীণ প্রতিফলন বলে।

৩৬। লেন্সের ক্ষমতা কাকে বলে?

→ কোনো লেন্স দ্বারা আলোক রশ্মি গুণ্ডের অধিকারিতা ও অপসারিতা উৎপাদনের সামর্থ্যকে তার ক্ষমতা বলে।

৩৭। ক্যাথোড রশ্মি কী?

→ রুবন নলে নিম্নচাপে গ্যাসের গর্বে বিদ্যুৎ ক্ষরণ করলে সময় 10^{-3} mm হতে 10^{-9} mm পারদ চাপে ক্যাথোড হতে এক ধরনের রশ্মি বের হয়, বিকে ক্যাথোড রশ্মি বলে।

৩৮। X-ray কী?

→ দ্রুত গতিসম্পন্ন ইলেকট্রন দ্বারা কোনো বায়ু পদার্থকে আঘাত করলে তা থেকে উৎপন্ন হওয়া ক্ষমতা সম্পন্ন যে বিকিরণ উৎপন্ন হয় তাকে X-ray বলে।

৩৯। আলোক তড়িৎ ক্রিয়া কী?

→ কোনো বায়ু পাত্রের উপর নির্দিষ্ট কম্পঙ্ক বা বা তরঙ্গদৈর্ঘ্যের আলো আপতিত হলে পূর্ণ বায়ু পাত্র হতে ইলেকট্রন স্রোতের নিগ্ৰহ হয়। এই ঘটনাকে আলোক তড়িৎ ক্রিয়া বলে।

৪০। তেজস্ক্রিয়তা কী?

→ যে সকল সৌন্দর্য দারমানবিক সংখ্যা ৪২ এর বেশি যে সকল সৌন্দর্য সংখ্যা ৪২ এর বেশি কিছু রশ্মি বিকিরণ করে। এ ঘটনাকে তেজস্ক্রিয়তা বলে।

৪১। অর্ধায়ু কী?

→ যে সময়ে কোনো তেজস্ক্রিয় পদার্থের তেজস্ক্রিয় পরমাণু হেতে প্রায়মিত অর্ধের অর্ধের পরিণত হয় তাকে অর্ধায়ু বলে।

৩৯। গাঢ় আয়ু কাকে বলে ?

→ কোনো তেজস্ক্রিয় পদার্থের স্বকল পরমানুর আয়ুর সমষ্টিতে পরমানুর সংখ্যা দ্বারা ভাঙ্গা হলে গাঢ় আয়ু পাওয়া যায়।

৪০। নিউক্লিয় ফিউশন কি ?

→ যে প্রক্রিয়া জরি কোনো নিউক্লিয়াস উৎপন্ন হয় এবং কয়েক পরিমাণে শক্তি নিগতি করে তাকে নিউক্লিয় ফিউশন বিক্রিয়া বলে।

৪১। নিউক্লিয় ফিউশন কী ?

→ যে প্রক্রিয়ায় দুটি হালকা ভরের নিউক্লিয়াস সংযুক্ত হয়ে ভারী নিউক্লিয়াস উৎপন্ন করে ও শক্তি নিগতি করে তাকে নিউক্লিয় ফিউশন বলে।

৪২। আর্বিটিক পদার্থবিজ্ঞানের জনক কে ?

→ আলবার্ট আইনস্টাইন।

৪৩। আপেক্ষিকতা কী ?

→ কোনো কিছু অন্য কোনো বিষয়ের সাথে একে বিবেচনার নাম আপেক্ষিকতা।

৪৪। আইনস্টাইনের ভর-শক্তি সম্বন্ধ লেখ ?

$$\rightarrow E = mc^2$$

৪৫। আপেক্ষিকতার তত্ত্ব কি ? কী ?

→ সার্বজনীন তত্ত্ব ও বিশেষ তত্ত্ব।

বচনায়ুগক ৯-

১। -10° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রা 100 g বরফকে 100° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রার বাধে পরিণত করতে কত তাপের দক্ষ-দরকার হবে। বরফের আঃ তাপ 0.5 , বরফ গামনের সুঃ তাপ 80 cal/g । পানির বাষ্পীভবনের সুঃ তাপ 537 cal/g

সমাধান

মনেকরি, মোট প্রয়োজনীয় তাপ, $H \text{ (cal)}$

প্রথম, -10° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রার বরফকে 0° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রার পানিতে রূপান্তর করতে প্রয়োজনীয় তাপ $Q_1 = m s t$

$$\begin{aligned} &= \frac{100 \times 0.5 \times (-10 - 0)}{=} \\ &= 100 \times 0.5 \times (0 - (-10)) \\ &= 500 \text{ cal} \end{aligned}$$

0° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রার বরফকে 0° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রার পানিতে রূপান্তর করতে প্রয়োজনীয় তাপ সুঃ তাপ

$$\begin{aligned} Q_2 &= mL \\ &= 100 \times 80 \\ &= 8000 \text{ cal} \end{aligned}$$

0° স্ফেলসিয়ায় তাপমাত্রার পানিকে 100° তাপমাত্রার পানিতে রূপান্তর করতে প্রয়োজনীয় তাপ,

$$\begin{aligned} Q_3 &= m s t \\ &= 100 \times \cancel{0.5} \times (100 - 0) \\ &= 10000 \text{ cal} \end{aligned}$$

100° সেন্সিটিভ-আপগ্রাভ-পানিকো 100° সেন্সিটিভ-আপগ্রাভ-
বাস্তব পরিমিত করতে প্রয়োজনীয় তাপ $Q_4 = mL$

$$= 100 \times 537$$

$$= 53700 \text{ cal}$$

মোট প্রয়োজনীয় তাপ $H = (500 + 8000 + 10000 + 53700)$

$$= 72200 \text{ cal}$$

$$= 72.2 \text{ কিলো cal}$$

২। দেখাও যে, কোনো পদার্থের সর্বদিকে প্রবাহিত মোট তাপের

$$\text{পরিমাণ } Q = \frac{KA(\theta_H - \theta_C)t}{d}$$

মনে করি, PQRS একটি ঘনক এবং

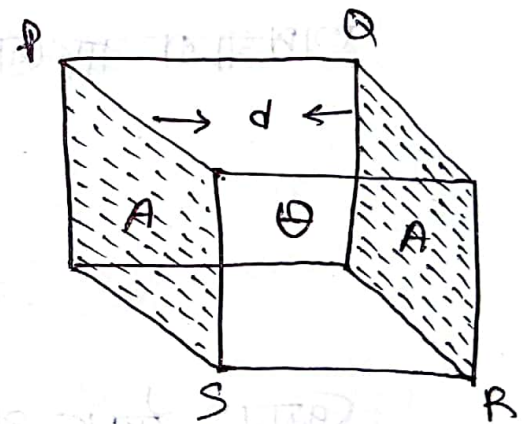
PQ ও RS PR ও Q PS ও QR

দুইটি তল, দুই তলের সর্ববর্তী

দূরত্ব d ও তাপগ্রাভ ব্যবধান

$(\theta_H - \theta_C)$ । A ক্ষেত্রফল, এবং t

তাপ প্রবাহ কাল।



পদার্থের সর্বদিকে প্রবাহিত মোট তাপ,

$$Q \propto \frac{1}{d} \quad \text{--- (i)}$$

$$Q \propto A \quad \text{--- (ii)}$$

$$Q \propto (\theta_H - \theta_C) \quad \text{--- (iii)}$$

$$Q \propto t \quad \text{--- (iv)}$$

(i), (ii), (iii), ও iv নাং সমীকরণ রূপে পারে,

$$Q \propto \frac{1}{d} \times t \times (\theta_H - \theta_C) \times A$$

$$\text{বা, } Q \propto \frac{A(\theta_H - \theta_C)t}{d}$$

$$\text{বা, } Q = \frac{KA(\theta_H - \theta_C)t}{d} \quad [\because K \text{ ধ্রুবক}]$$

$$\therefore Q = \frac{KA(\theta_H - \theta_C)t}{d} \quad (\text{প্রমাণিত})$$

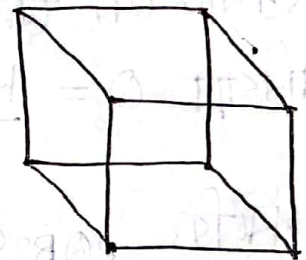
৩। অ, B ও ৪ এর মাঝে সমতক-স্থাপন কর,

মনেকরি, ঘনকের প্রথম দৈর্ঘ্য L_1

ii তাপমাত্রা t_1

ii আয়তন V_1

ii ক্ষেত্রফল A_1



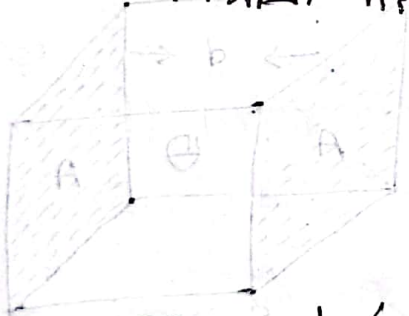
তাপমাত্রা বাড়লে,

দুইয়ম দৈর্ঘ্য L_2

ii আয়তন V_2

ii তাপমাত্রা t_2

ii ক্ষেত্রফল A_2



কিন্তু, দৈর্ঘ্য-প্রসারণ $\Delta L = L_2 - L_1$

ক্ষেত্র $\Delta A = A_2 - A_1$

তাপমাত্রা $\Delta t = t_2 - t_1$

আয়তন $\Delta V = V_2 - V_1$

আমরা জানি, ঘনকের ক্ষেত্র, $A_1 = L_1 \times L_1 = L_1^2$
 $A_2 = L_2 \times L_2 = L_2^2$

আবার, $V_1 = L_1 \times L_1 \times L_1 = L_1^3$

$V_2 = L_2 \times L_2 \times L_2 = L_2^3$

α ও β এর- মাঝে সম্পর্ক,

আমরা জানি, দৈর্ঘ্য প্রসারণ গুণক $\alpha = \frac{\Delta L}{L_1 \Delta t}$

$$\text{বা, } \Delta L = \alpha L_1 \Delta t$$

$$\text{বা, } L_2 - L_1 = \alpha L_1 \Delta t$$

$$\text{বা, } L_2 = L_1 + \alpha L_1 \Delta t$$

$$\text{বা, } L_2 = L_1 (1 + \alpha \Delta t) \text{ --- (i)}$$

আবার, ক্ষেত্র প্রসারণ গুণক $\beta = \frac{\Delta A}{A_1 \Delta t}$

$$\text{বা, } \Delta A = \beta A_1 \Delta t$$

$$\text{বা, } A_2 - A_1 = \beta A_1 \Delta t$$

$$\text{বা, } A_2 = A_1 + \beta A_1 \Delta t$$

$$\text{বা, } A_2 = A_1 (1 + \beta \Delta t) \text{ --- (ii)}$$

(i) নাং সমীকরণকে বর্গ করে পাই, $L_2^2 = L_1^2 (1 + \alpha \Delta t)^2$

$$\text{বা, } A_2 = A_1 (1 + 2\alpha \Delta t) \text{ --- (iii)}$$

$$\text{বা, } A$$

(ii) ও (iii) নাং সমীকরণ হতে পাই,

$$A_1 (1 + \beta \Delta t) = A_1 (1 + 2\alpha \Delta t)$$

$$\text{বা, } (1 + \beta \Delta t) = (1 + 2\alpha \Delta t)$$

$$\text{বা, } \beta = 2\alpha$$

$$\therefore \beta = 2\alpha$$

২৩৪ এর স্কেল অন্তর্ভুক্ত

আমরা জানি,

$$\text{দৈর্ঘ্য প্রসারণ গুণক} \alpha = \frac{\Delta l}{l_1 t}$$

$$\text{বা, } \Delta l = \alpha l_1 t$$

$$\text{বা, } l_2 - l_1 = \alpha l_1 t$$

$$\text{বা, } l_2 = l_1 + \alpha l_1 t$$

$$\text{বা, } l_2 = l_1 (1 + \alpha t) \quad \text{--- (i)}$$

$$\text{আমরা জানি প্রসারণ গুণক } \gamma = \frac{\Delta V}{V_1 t}$$

$$\text{বা, } \Delta V = \gamma V_1 t$$

$$\text{বা, } V_2 - V_1 = \gamma V_1 t$$

$$\text{বা, } V_2 = V_1 + \gamma V_1 t$$

$$\text{বা, } V_2 = V_1 (1 + \gamma t) \quad \text{--- (ii)}$$

(i) নাম্বার দ্বারা,

$$l_2^3 = l_1^3 (1 + 3\alpha t)$$

$$\text{বা, } V_2 = V_1 (1 + 3\alpha t) \quad \text{--- (iii)}$$

(ii) ও (iii) নাম্বার হতে পাই,

$$V_1 (1 + \gamma t) = V_1 (1 + 3\alpha t)$$

$$\text{বা, } (1 + \gamma t) = (1 + 3\alpha t)$$

$$\text{বা, } \gamma = 3\alpha$$

$$\therefore \gamma = 3\alpha$$

α, β ও γ এর মাঝে সম্পর্ক,

$$\begin{array}{l|l} \beta = 2\alpha & 3\beta = 6\alpha \\ \gamma = 3\alpha & 2\gamma = 6\alpha \end{array}$$

$\therefore 6\alpha = 6\alpha = 3\beta = 2\gamma$ (প্রমাণিত)

৪। প্রমাণ কর যে, $(C_p - C_v) = R$

দ্বীরা-আয়তনে মোলার আপেক্ষিক তাপ $C_v = \frac{dQ}{dT}$

বা, $C_v dT = dQ$ — (i)

তাপগতি বিদ্যার প্রথম সূত্রানুসারে, $dQ = du + dw$

বা, $C_v dT = du + 0$

$\therefore C_v dT = du$ — (ii)

দ্বীরা-আয়তনে মোলার আপেক্ষিক তাপ $C_p = \frac{dQ}{dT}$

বা, $C_p dT = dQ$ — (iii)

তাপগতি বিদ্যার প্রথম সূত্রানুসারে, $dQ = du + dw$

বা, $C_p dT = du + PdV$

বা, $C_p dT = C_v dT + R dT$

বা, $C_p dT - C_v dT = R dT$

বা, $(C_p - C_v) = R$

$\therefore (C_p - C_v) = R$

(প্রমাণিত)

৫। দেখাও যে, $PV^\gamma = \text{কোনো ধ্রুবক}$

তাপগতিবিদ্যার প্রথম সূত্রানুসারে, $dQ = du + dw$

$$\text{বা, } du + dw = dQ$$

$$\text{বা, } C_V dT + p dv = 0$$

$$\therefore C_V dT + p dv = 0 \quad \text{--- (i)}$$

আদর্শ গ্যাস সমীকরণ হতে পাই, $pV = nRT$

$$\text{বা, } p \frac{d}{dT} V + V \frac{d}{dT} p = RT$$

$$\text{বা, } \frac{p dv + v dp}{dT} = RT \quad [\because n=1]$$

$$\therefore \frac{p dv + v dp}{RT} = dT \quad \text{--- (ii)}$$

dT এর মান (i) কা সমীকরণে বসাই, -

$$C_V \left(\frac{p dv + v dp}{RT} \right) + p dv = 0$$

$$\text{বা, } C_V p dv + C_V v dp + RT p dv = 0$$

$$\text{বা, } C_V p dv + C_V v dp + (C_P - C_V) p dv = 0$$

$$\text{বা, } C_V p dv + C_V v dp + C_P p dv + C_V p dv = 0$$

$$\text{বা, } C_V v dp + C_P p dv = 0$$

$$\text{বা, } \frac{C_V}{C_P} v dp + \frac{C_P}{C_V} p dv = 0$$

$$\text{বা, } v dp + \gamma p dv = 0 \quad [\because \frac{C_P}{C_V} = \gamma]$$

$$\text{বা, } \frac{y dp}{p^2} + \gamma \frac{p dv}{p v} = 0$$

$$\text{বা, } \frac{dp}{p} + \gamma \frac{dv}{v} = 0 \text{ ————— (III)}$$

(III) না. সমীকরণকে Integration করা পাই,

$$\int \frac{dp}{p} + \gamma \int \frac{dv}{v} = \int 0$$

$$\text{বা, } \log e^p + \gamma \log e^v = \log e^K \quad [\because \log e = 1]$$

$$\text{বা, } \log e (p v^\gamma) = \log e^K$$

$$\text{বা, } p v^\gamma = K$$

$$\therefore p v^\gamma = \text{স্বতন্ত্র} \quad (\text{অপরিবর্তনীয়})$$

৬। যে কোন দর্পনের ক্ষেত্রে প্রধানকণ যে, $f = \frac{r}{2}$

প্রতিফলনের সূত্রানুসারে,

$$\angle PMC = \angle CMF$$

$\triangle CMF$ হলো পাই,

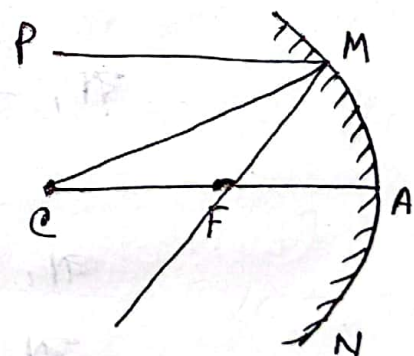
$$CF = MF$$

$$\text{বা, } CF = AF$$

$$\text{বা, } CA = 2AF$$

$$\text{বা, } r = 2f \quad [\because CA = r \text{ ও } FA = f]$$

$$\therefore f = \frac{r}{2} \quad (\text{প্রমাণিত})$$



৭। অবতল দর্পনের ক্ষেত্রে প্রমাণ কর যে, $\frac{1}{d} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$

মনে করি, MLN একটি অবতল দর্পন,

এর OA প্রধান অক্ষ, A কেন্দ্র

F জ্যোতিষ্ক, O কেন্দ্র,

O বিন্দু থেকে একটি আলোক রশ্মি

L বিন্দুতে আপতিত হয় LR পথে R

প্রতিফলিত হয়। আবার O বিন্দু থেকে আরেকটি আলোক

রশ্মি A বিন্দুতে আপতিত হয় OA পথে ফিরে আসে,

LR ও OA পরস্পর F বিন্দুকে ছেদ করে,

∴ F ই হলো বাস্তব প্রতিবিম্ব।

প্রতিফলনের হয় সূত্রানুসারে,

$$\frac{AF}{AO} = \frac{FO}{AO}$$

$$\text{বা, } \frac{AF}{AO} = \frac{AO - AF}{AO - AO}$$

$$\text{বা, } \frac{v}{u} = \frac{R - v}{R - u}$$

$$\begin{aligned} AF &= v \\ AO &= u \\ OA &= R \end{aligned}$$

$$\text{বা, } uv - vR = uR - uv$$

$$\text{বা, } uv + uv = uR + vR$$

$$\text{বা, } 2uv = uR + vR$$

$$\text{বা, } \frac{2uv}{uvR} = \frac{uR}{uvR} + \frac{vR}{uvR}$$

$$\text{বা, } \frac{2}{R} = \frac{1}{v} + \frac{1}{u}$$

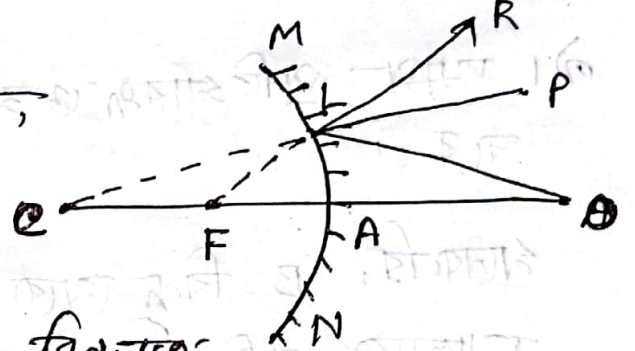
$$\text{ক, } \frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{2}{r}$$

$$\text{ক, } \frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{2}{2f}$$

$$\therefore \frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f} \quad (\text{প্রমাণিত})$$

৬। উত্তল দর্পনের ক্ষেত্রে প্রমাণ কর যে, $\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$

মনে করি, MLN একটি উত্তল দর্পন,
এর A কেন্দ্র, F ফোকাস,
O কেন্দ্র।



O বিন্দু থেকে একটি আলোক L বিন্দুতে
আপতিত হয়ে LR পথে ফিরে আসে,
LR কে LF ও PL কে LE পর্যন্ত বর্ধিত করি।

যখন, প্রতিফলনের রশ্মি সন্ধানুগ্রহণ, $\angle RLP$ ও $\angle PLO$ সমান।

$$\therefore \angle RLP = \angle PLO$$

$$\therefore \frac{LF}{LO} = \frac{FO}{CO}$$

$$\text{ক, } \frac{AF}{AO} = \frac{AC - AF}{AO + AC}$$

$$\begin{array}{l} AF = v \\ AO = u \\ CA = r \end{array}$$

$$\text{ক, } \frac{v}{u} = \frac{r - v}{u + r}$$

$$\text{ক, } uv + vr = ur - uv$$

$$\text{ক, } uv + uv = ur - vr$$

$$\text{ক, } 2uv = ur - vr$$

$$\text{ক, } \frac{2uv}{uvr} = \frac{ur}{uvr} - \frac{vr}{uvr}$$

$$\text{ক, } \frac{2}{r} = \frac{1}{v} - \frac{1}{u}$$

$$\text{ক, } -\frac{z}{r} = \frac{1}{d} + \frac{1}{t}$$

$$\text{ক, } \frac{1}{d} + \frac{1}{t} = \frac{z}{r}$$

$$\text{ক, } \frac{1}{d} + \frac{1}{t} = \frac{1}{f}$$

$$\therefore \frac{1}{d} + \frac{1}{t} = \frac{1}{f} \text{ (প্রমাণিত)}$$

৯। ~~একটি~~ প্রতিসারক ও অর্ধবৃত্ত কোণের মাঝে সম্মুখ-স্থাপন কর।

ধন্যকারি, B বিন্দু থেকে স্রোতের আলোক রশ্মি O বিন্দুতে আপতিত হয়ে OA পথে প্রতিসারিত হয়।

আলোকটি a ঘন মাধ্যমে থেকে b শক্তিতে মাধ্যমে প্রতিসারিত হয়।

এখানে, a মাধ্যমে,

আপতন কোণ $i = \theta_c$

প্রতিসারক $\mu_a =$

b মাধ্যমে,

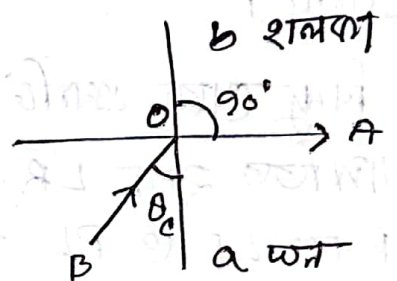
~~এখানে~~ প্রতিসারন কোণ $r = 90^\circ$

প্রতিসারক $\mu_b =$

$$\therefore \text{(স্নেলের সূত্রানুসারে)} \quad \frac{\mu_b}{\mu_a} = \frac{\sin r}{\sin i}$$

$$\text{ক, } \mu_a \mu_b = \frac{\sin 90^\circ}{\sin \theta_c}$$

$$\text{ক, } \mu_a \mu_b = \frac{\sin 90^\circ}{\sin \theta_c}$$

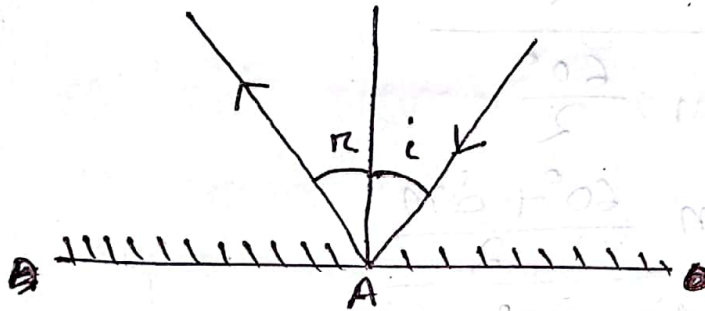


$$\text{বা, } \mu = \frac{1}{\sin \theta_c}$$

$$\therefore \mu = \frac{1}{\sin \theta_c} \text{ (প্রমাণিত)}$$

১০। প্রিজমের ক্ষেত্রে প্রমাণ কর যে, $\mu = \frac{\sin \frac{A+\delta m}{2}}{\sin \frac{A}{2}}$

$$\mu = \frac{\sin \frac{A+\delta m}{2}}{\sin \frac{A}{2}}$$



- i = আপতন কোণ
- r = প্রতিসরণ "
- A = প্রিজম "
- δm = ন্যূনতম বিচ্যুতি

আমরা জানি, প্রিজমের ক্ষেত্রে, $\mu = \frac{\sin i}{\sin r}$ — (১)

$$\text{কিন্তু, } \delta m = i_1 + i_2 - A$$

$$\text{বা, } \delta m + A = i_1 + i_2$$

$$\text{বা, } A + \delta m = 2i_1$$

$$\text{বা, } i_1 = \frac{A + \delta m}{2}$$

$$\text{আবার, } A = r_1 + r_2$$

$$\text{বা, } A = 2r_1$$

$$\therefore r_1 = \frac{A}{2}$$

i ও r এর মান (১) নং ব-সমীচয়,

$$\mu = \frac{\sin i}{\sin r}$$

$$\text{বা, } \mu = \frac{\sin \frac{A+\delta m}{2}}{\sin \frac{A}{2}}$$

$$\therefore \mu = \frac{\sin \frac{A+\delta m}{2}}{\sin \frac{A}{2}} \text{ (প্রমাণিত)}$$

১১। একটি অমবাহু ত্রিভুজের প্রতিদ্বারক $\sqrt{2}$ হলে এর সর্বোচ্চ
 বিস্তৃতি কত? ত্রিভুজ কোন $A = 60^\circ$

অমবাহু জানি,
$$\mu = \frac{A \sin \frac{A + \delta m}{2}}{\sin \frac{A}{2}}$$

বিখ্যাত,

$$\mu = \sqrt{2}$$

$$A = 60^\circ$$

$$\delta m = ?$$

বা, $\sqrt{2} = \frac{\sin \frac{60^\circ + \delta m}{2}}{\sin \frac{60^\circ}{2}}$

বা, $\sqrt{2} = \frac{\sin \frac{60^\circ + \delta m}{2}}{\sin 30^\circ}$

বা, $\sqrt{2} \cdot \sin 30^\circ = \sin \frac{60^\circ + \delta m}{2}$

বা, $\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2} = \sin \frac{60^\circ + \delta m}{2}$

বা, $\frac{1}{\sqrt{2}} = \sin \frac{60^\circ + \delta m}{2}$

বা, $\sin 45^\circ = \sin \frac{60^\circ + \delta m}{2}$

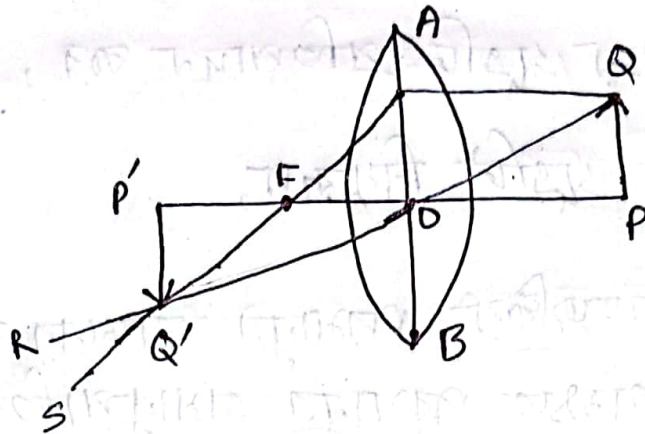
বা, $\frac{60^\circ + \delta m}{2} = 45^\circ$

বা, $60^\circ + \delta m = 90^\circ$

বা, $\delta m = 90^\circ - 60^\circ$

$\therefore \delta m = 30^\circ$ (Ans)

১২। যে কোনো লেন্সের ক্ষেত্রে প্রমাণ কর যে, $\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$



$PQ =$ বস্তু
 $OP = u$
 $OP' = v$
 $OF = f$

মানকরি, AB একটি লেন্স এর POP' প্রধান অক্ষ। F ফোকাস। PQ আলোক রশ্মি A বিন্দুতে আপতিত হয়ে AS পথে ফিরে আসে। আবার PQ হতে আরেকটি আলোক রশ্মি O বিন্দু হয়ে QR পথে ফিরে আসে। AS ও QR পরস্পর Q' বিন্দুতে ছেদ করে, P'Q' দর্শনের প্রতিবিম্ব।

এখানে, ΔPOQ এবং $\Delta P'OQ'$ সাদৃশ্য কানী-

$$\therefore \frac{PQ}{P'Q'} = \frac{OP}{OP'} \quad \text{--- (1)}$$

আবার, ΔAOF ও $\Delta FP'Q'$ সাদৃশ্য কানী-

$$\therefore \frac{AO}{P'Q'} = \frac{OF}{FP'}$$

$$\text{বা, } \frac{PQ}{P'Q'} = \frac{OF}{OP' - OF}$$

$$\text{বা, } \frac{OP}{OP'} = \frac{OF}{OP' - OF}$$

$$\text{বা, } \frac{u}{v} = \frac{f}{v - f}$$

$$\text{বা, } \frac{u}{v} = \frac{f}{v - f}$$

$$\text{বা, } uv - uf = vf$$

$$\text{বা, } \frac{uv}{uvf} - \frac{uf}{uvf} = \frac{vf}{uvf}$$

$$\text{বা, } \frac{1}{f} - \frac{1}{v} = \frac{1}{u}$$

$$\text{বা, } \frac{1}{t} = \frac{1}{t} + \frac{1}{t}$$

$$\therefore \frac{1}{t} = \frac{1}{t} \text{ (প্রমাণিত)}$$

১৩। তেজস্ক্রিয়তার ক্ষয় সূত্রটি প্রতিপাদন কর,।

তেজস্ক্রিয়তার ক্ষয় সূত্রটি নিম্নরূপ,

কোনো সূত্রের ক্ষয় তেজস্ক্রিয় পদমানুর ভাঙনের হার ও সূত্রের ভরমিহিত অক্ষয় পদমানুর প্রমাণসাতিকা।

মনেকারি, ভাঙনের হার $\frac{dN}{dt}$ $\left. \begin{array}{l} N = \text{পদমানুর} \\ \text{সংখ্যা} \\ T = \text{সময়} \end{array} \right\}$

কার্তনুসারে, $-\frac{dN}{dt} = \lambda N$ [\therefore তেজস্ক্রিয়তা]

$$\text{বা, } -\frac{dN}{dt} = \lambda N$$

$$\text{বা, } \frac{dN}{N} = -\lambda dt$$

$$\therefore \frac{dN}{N} = -\lambda dt \quad \text{--- (1)}$$

(1) কাঃ কাঃ integration করে পাই,

$$\int \frac{dN}{N} = \int -\lambda dt$$

$$\text{বা, } \log N = -\lambda t + c$$

$$\text{বা, } \log N = -\lambda t + \log N_0$$

$$\text{বা, } \log N - \log N_0 = -\lambda t$$

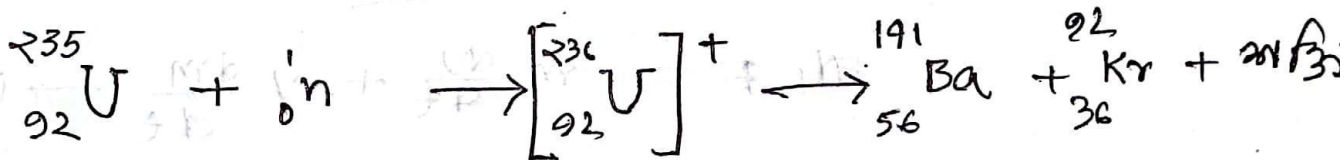
$$\text{বা, } \log \frac{N}{N_0} = -\lambda t$$

$$\text{বা, } \frac{N}{N_0} = e^{-\lambda t}$$

$$\therefore N = N_0 e^{-\lambda t} \quad (\text{প্রমাণিত})$$

০৪। নিউক্লিয় ফিছান ও নিউক্লিয় ফিছোন বিক্রিয়া লেখ।

নিউক্লিয় ফিছান :- যে প্রক্রিয়ায় ভারী কোনো নিউক্লিয়াস ভেঙে দুই বা ততোধিক অল্প ভর বিশিষ্ট পরমাণু আকৃতি নিজে গঠন করে এবং তাই নিউক্লিয় ফিছান বিক্রিয়া বলে।



নিউক্লিয় ফিছোন :- যে প্রক্রিয়ায় দুটি হালকা নিউক্লিয়াস সংযুক্ত হয়ে ভারী নিউক্লিয়াস গঠন করে ও আকৃতি নিজে গঠন করে তাই নিউক্লিয় ফিছোন বলে।



১৬। প্রমাণ কর যে $E = mc^2$

ধাক্কি, m ভরের কণা বস্তুকে x দিগে F বল প্রয়োগ করা হয়
 v বেগে আণ্ড হলে । বস্তুৰ অৱন dx বিধিৎ অৱবেগ mv
 নিউটনের ২য় সূত্র অনুসারে,

$$\begin{aligned} F &= mv \\ &= \frac{d}{dt} (mv) \\ &= m \frac{dv}{dt} + v \frac{dm}{dt} \\ &= m \frac{dv}{dt} + v \frac{dm}{dt} \quad (1) \end{aligned}$$

বস্তুৰ অৱন dx হলে কৰ্ণকাজ,

$$\begin{aligned} dE_k &= F \cdot dx \\ &= \left(m \frac{dv}{dt} + v \frac{dm}{dt} \right) dx \\ &= m \frac{dx}{dt} dv + v \frac{dx}{dt} dm \end{aligned}$$

$$\therefore dE_k = m v dv + v^2 dm \quad (11)$$

অ অৱবেগৰ আপেক্ষিকতা হতে পাৰে,

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

$$\text{বা, } m^2 = \frac{m_0^2}{\left(\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \right)^2}$$

$$\text{বা, } m^2 = \frac{m_0^2}{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

$$\text{বা, } m^2 = \frac{m_0^2}{\frac{c^2 - v^2}{c^2}}$$

$$\text{বা, } m^2 = \frac{m_0^2 c^2}{c^2 - v^2}$$

$$\text{বা, } m^2 =$$

$$\text{वा, } m^2 c^2 - m^2 v^2 = m_0^2 c^2$$

$$\text{वा, } c^2 (2m dm) - m^2 (2v dv) + v^2 (2m dm) = m_0^2 c^2$$

$$\text{वा, } c^2 2m dm - m^2 2v dv + v^2 2m dm = m_0^2 c^2$$

$$\text{वा, } \frac{c^2 2m dm}{2m} - \frac{m^2 2v dv}{2m} + \frac{v^2 2m dm}{2m} = m_0^2 c^2$$

$$\text{वा, } c^2 dm - m v dv + v^2 dm = m_0^2 c^2$$

$$\text{वा, } c^2 dm = m v dv + v^2 dm \quad \text{--- (ii)}$$

(i) व (ii) ना. अन्वयित शत,

$$c^2 dm = dE_K$$

$$\text{वा, } dE_K = c^2 dm \quad \text{--- (iv)}$$

(iv) ना. अन्वयित कर integration कर।

$$\Rightarrow \int_0^{E_K} dE_K = c^2 \int_{m_0}^m dm$$

$$\text{वा, } [E_K]_0^{E_K} = c^2 [dm]_{m_0}^m$$

$$\text{वा, } (E_K - 0) = c^2 (m - m_0)$$

$$\text{वा, } E_K = m c^2 - m_0 c^2$$

$$\text{आमरा ज्ञानि, } c^2 m_0 = E_p$$

$$\therefore E = E_K + E_p$$

$$\text{वा, } E = m c^2 - m_0 c^2 + m_0 c^2$$

$$\text{वा, } E = m c^2 - 0 + 0$$

$$\therefore E = m c^2 \quad \text{(प्रधानि)}$$